

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة

التمرين الأول (7 نقط)

$$(1) \text{ احسب مايلي : } a = \frac{\sqrt{99}}{\sqrt{11}} \text{ و } b = \sqrt{2} \times \sqrt{72}$$

$$(2) \text{ بسط الصيغتين : } A = 7\sqrt{2} - 2\sqrt{32} + 3\sqrt{128} \text{ و } B = (\sqrt{3} - 1)^{-1} + \frac{1}{\sqrt{3} + 1}$$

$$(3) \text{ أعط الكتابة العلمية للعدد : } P = \frac{1,6 \times 10^{-3}}{0,04 \times 10^{-7}}$$

$$(4) \text{ x عدد حقيقي. نضع : } R = 25 - (x - 3)^2$$

أ- أنشر وبسط R
ب- عمل R

$$(5) \text{ نضع : } K = \sqrt{8 + 2\sqrt{7}} + \sqrt{8 - 2\sqrt{7}} \text{ ، بين أن : } K = 2\sqrt{7}$$

التمرين الثاني (3 نقط)

$$(1) \text{ عددان حقيقيان حيث : } 2 \leq a \leq 4 \text{ و } -3 \leq b \leq -1$$

$$\text{أطّر } a + b \text{ ، } 2a - b \text{ ، } ab$$

$$(2) \text{ قارن بين } 9 - 2\sqrt{5} \text{ و } 9 - 3\sqrt{3}$$

التمرين الثالث (4.5 نقط)

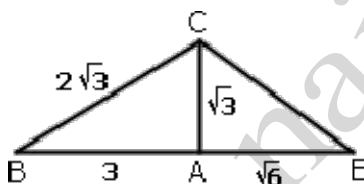
$$(1) \text{ أ- أنظر الشكل جانبه وبين أن المثلث } ABC \text{ قائم الزاوية في } A \text{ ثم احسب } CE$$

$$\text{ب- احسب } \sin \widehat{CBA} \text{ و } \tan \widehat{CEA}$$

$$(2) \text{ x و y قياسا زاويتين حادتين .}$$

$$\text{أ- علما أن : } \sin x = \frac{1}{6} \text{ احسب } \cos x \text{ و } \tan x$$

$$\text{ب- بسط الصيغة : } M = 1 + \frac{1}{\cos^2 y} - \tan^2 y$$



(رسم الشكل غير مطلوب)

التمرين الرابع (3 نقط)

$$ABC \text{ مثلث حيث : } BC = 6 \text{ cm ; } AC = 4 \text{ cm ; } AB = 5 \text{ cm}$$

$$M \text{ نقطة من الضلع } [AB] \text{ حيث : } AM = 2 \text{ cm و } N \text{ نقطة من الضلع } [AC] \text{ حيث : } AN = 1,6 \text{ cm}$$

$$(1) \text{ أنشئ الشكل}$$

$$(2) \text{ بين أن المستقيمين } (MN) \text{ و } (BC) \text{ متوازيان}$$

$$(3) \text{ احسب المسافة } MN$$

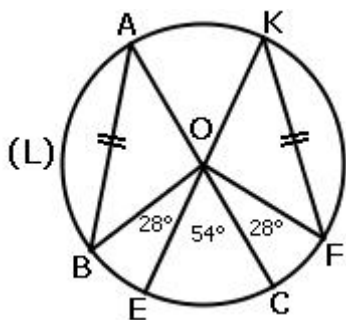
التمرين الخامس (2.5 نقط)

$$\text{في الشكل جانبه لدينا دائرة } (L) \text{ مركزها } O \text{ و } AB = KF \text{ (رسم الشكل غير مطلوب)}$$

$$\text{و } \widehat{BOE} = 28^\circ \text{ و } \widehat{EOC} = 54^\circ \text{ و } \widehat{COF} = 28^\circ$$

$$(1) \text{ أحسب قياسي الزاويتين } \widehat{BAC} \text{ و } \widehat{BKF} \text{ ، معللا حسابك}$$

$$(2) \text{ بين أن المثلثين } \widehat{BAC} \text{ و } \widehat{BKF} \text{ متقايسان}$$



يسمح باستعمال الآلة الحاسبة

التمرين الأول (7 نقط)

$$P = 4 \times 10^5 \quad (3) \quad B = \sqrt{3} \quad \text{و} \quad A = 23\sqrt{2} \quad (2) \quad b = 12 \quad \text{و} \quad a = 3 \quad (1)$$

$$R = (2+x) \times (8-x) \quad \text{ب-} \quad R = -x^2 + 6x + 16 \quad (4)$$

$$K^2 = (\sqrt{8+2\sqrt{7}} + \sqrt{8-2\sqrt{7}})^2 = 16 + 2\sqrt{36} = 28 \quad (5)$$

$$K = 2\sqrt{7} \quad \text{أي أن} \quad K = \sqrt{28} \quad \text{إذن:} \quad \begin{cases} K^2 = 28 \\ K > 0 \end{cases}$$

التمرين الثاني (3 نقط)

$$-12 \leq ab \leq -2, \quad 5 \leq 2a - b \leq 11, \quad -1 \leq a + b \leq 3 \quad (1)$$

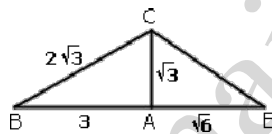
$$(2) \quad \text{لدينا: } (2\sqrt{5})^2 = 20 \quad \text{و} \quad (3\sqrt{3})^2 = 27 \quad \text{والعددان } 2\sqrt{5} \quad \text{و} \quad 3\sqrt{3} \quad \text{موجبان إذن: } 2\sqrt{5} < 3\sqrt{3} \quad \text{ومنه فإن: } -2\sqrt{5} > -3\sqrt{3} \quad \text{وبالتالي: } 9 - 2\sqrt{5} > 9 - 3\sqrt{3}$$

التمرين الثالث (4.5 نقط)

$$(1) \quad \text{أ-} \quad \begin{cases} AB^2 + AC^2 = 12 \\ BC^2 = 12 \end{cases} \quad \text{إذن: } AB^2 + AC^2 = BC^2 \quad \text{ومنه وحسب مبرهنة فيثاغورس العكسية فإن المثلث}$$

ABC قائم الزاوية في A

باستعمال مبرهنة فيثاغورس المباشرة على المثلث AEC القائم الزاوية في A نجد أن: CE = 3



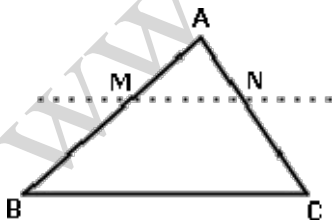
$$\text{ب-} \quad \tan \widehat{CEA} = \frac{AC}{AE} = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad \text{و} \quad \sin \widehat{CBA} = \frac{AC}{BC} = \frac{1}{2}$$

$$(2) \quad \text{أ-} \quad \tan x = \frac{\sqrt{35}}{35} \quad \text{و} \quad \cos x = \frac{\sqrt{35}}{6} \quad \text{ب-}$$

$$M = 1 + \frac{1}{\cos^2 y} - \tan^2 y = 1 + \frac{1}{\cos^2 y} - \frac{\sin^2 y}{\cos^2 y} = 1 + \frac{(1 - \sin^2 y)}{\cos^2 y} = 1 + \frac{\cos^2 y}{\cos^2 y} = 1 + 1 = 2$$

التمرين الرابع (3 نقط)

(1) أنظر الشكل

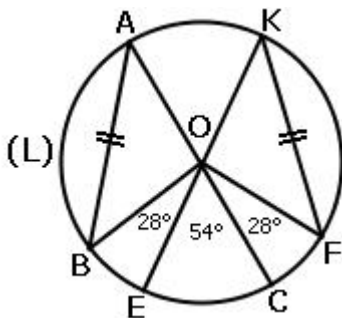


$$(2) \quad \text{في المثلث ABC لدينا: } \frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = 0,4 \quad \text{و} \quad N \in [AC] \quad \text{و} \quad M \in [BC]$$

إذن وحسب مبرهنة طاليس العكسية فإن: (MN) // (BC)

$$(3) \quad MN = 2,4$$

التمرين الخامس (2.5 نقط)



$$(1) \quad \widehat{EKF} = \widehat{BAC} = \frac{1}{2} (28^\circ + 54^\circ) = 41^\circ \quad (\text{لأن قياس الزاوية المحيطية في دائرة يساوي نصف قياس الزاوية المركزية المرتبطة بها})$$

$$(2) \quad \text{لدينا } \widehat{EKF} = \widehat{BAC} \quad \text{حسب الوال (1) و} \quad AB = KF \quad \text{و} \quad KE = AC \quad \text{حسب المعطيات لأن [AC] و [KE] قطران للدائرة (L). إذن المثلثان BAC و EKF متقايسان.}$$

رياضيات النجـاح / www.naja7math.com

بعثه الأستاذ: البهجة عزيز/ثانوية المسيرة الإعدادية/الخميسات



التمرين 01 (5نقط)

(1) - أحسب و بسط ما يلي : $A = (10^{-3})^2 \times 10^7$; $B = \left(\frac{4}{5}\right)^2 + \left(\frac{5}{3}\right)^{-2}$

$E = \sqrt{5 + \sqrt{21}} \times \sqrt{5 - \sqrt{21}}$; $D = \sqrt{75} - \sqrt{12} + \sqrt{27}$; $C = \frac{9}{\sqrt{11} + \sqrt{2}} + \sqrt{2}$

(2) - أعط الكتابة العلمية للعدد التالي : $F = 0,00072$.

التمرين 02 (2.5نقطة)

(1) - أ) -- قارن العددين : $2\sqrt{11}$ و $3\sqrt{5}$.

ب) -- استنتج مقارنة العددين : $10 - 2\sqrt{11}$ و $10 - 3\sqrt{5}$.

(2) - x و y عدنان حقيقيان بحيث : $2 \leq x \leq 3$ و $-3 \leq y \leq -2$.

أطر الأعداد التالية : $x+y$ و $y-3x$ و xy .

التمرين 03 (4.5نقط)

ليكن EFG مثلثا حيث :

$EF = 5$ و $EG = 3\sqrt{3}$ و $FG = 2\sqrt{13}$.

(1) - بين أن المثلث EFG قائم الزاوية في E .

(2) - أحسب النسب المثلثية للزاوية $\widehat{EFG}$.

(3) - α قياس زاوية حادة غير منعدمة .

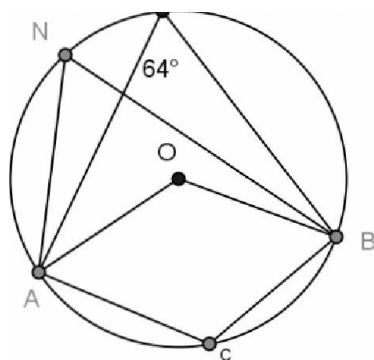
أ) - بسط ما يلي : $R = \sin \alpha \cdot \cos^2 \alpha + \sin^3 \alpha - \sin \alpha$

ب) - أحسب : $\cos \alpha$ و $\tan \alpha$ علما أن : $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{4}$

(4) - احسب $S = \cos 25^\circ + 2 \sin^2 28^\circ - \sin 65^\circ + 2 \sin^2 62^\circ$

التمرين 04 (3نقط)

نعتبر الشكل الآتي حيث O مركز الدائرة . و $\widehat{AMB} = 64^\circ$



أحسب قياس كل من الزوايا :

$\widehat{ANB}$ و $\widehat{AOB}$ و $\widehat{ACB}$ ، علل أجوبتك

التمرين 05 (3نقط)

في المثلث ABC جانبه لدينا :

$$(IJ) \parallel (BC)$$

$$AB = 15 \text{ و } AJ = 12$$

$$AI = 10 \text{ و } AK = 8$$

(1) - احسب AC .

(2) - أ) - أحسب و قارن النسبتين : $\frac{AK}{AJ}$ و $\frac{AI}{AB}$.

ب) - استنتج أن : $(IK) \parallel (JB)$.

التمرين 06 (نقطتان)

ABCD مربع. العمودي على (AC) المار من A يقطع (CD) في E

(1) - ارسم الشكل

(2) - بين أن المثلثين ABC و ADE متقايسان

(3) - استنتج طبيعة المثلث ACE.



التمرين 01 (5 نقط)

$$(1) \quad E = 2 \quad ; \quad D = 6\sqrt{3} \quad ; \quad C = \sqrt{11} \quad ; \quad B = 1 \quad ; \quad A = 10$$

$$(2) \quad F = 7,2 \times 10^{-4}$$

التمرين 02 (2.5 نقطة)

$$(1) \quad \text{أ} - 2\sqrt{11} < 3\sqrt{5}$$

$$\text{ب} - 10 - 2\sqrt{11} > 10 - 3\sqrt{5}$$

$$(2) \quad -1 \leq x + y \leq 1 \quad \text{و} \quad -12 \leq y - 3x \leq -8 \quad \text{و} \quad -9 \leq xy \leq -4$$

التمرين 03 (4.5 نقط)

$$(1) \quad \begin{cases} EF^2 + EG^2 = 25 + 27 = 52 \\ FG^2 = 52 \end{cases} \quad \text{إذن: } EF^2 + EG^2 = FG^2 \text{ ومنه وحسب مبرهنة}$$

فيثاغورس العكسية فإن المثلث EFG قائم الزاوية في E .

$$(2) \quad \cos \hat{EFG} = \frac{FE}{GF} = \frac{5}{2\sqrt{13}} = \frac{5\sqrt{13}}{26} \quad ; \quad \sin \hat{EFG} = \frac{GE}{GF} = \frac{3\sqrt{3}}{2\sqrt{13}} = \frac{3\sqrt{39}}{26}$$

$$\tan \hat{EFG} = \frac{3\sqrt{3}}{5}$$

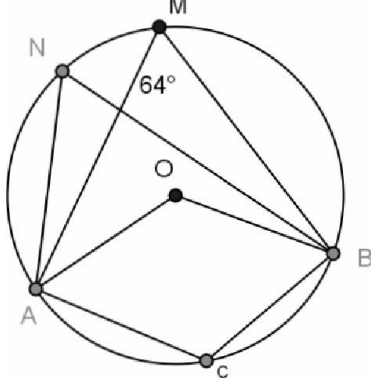
$$(3) \quad \text{أ} -$$

$$\begin{aligned} R &= \sin \alpha \cdot \cos^2 \alpha + \sin^3 \alpha - \sin \alpha \\ &= \sin \alpha \cdot (\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha) - \sin \alpha \\ &= \sin \alpha - \sin \alpha \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$(ب) \quad \tan \alpha = \frac{\sqrt{39}}{13} \quad ; \quad \cos \alpha = \frac{\sqrt{13}}{4}$$

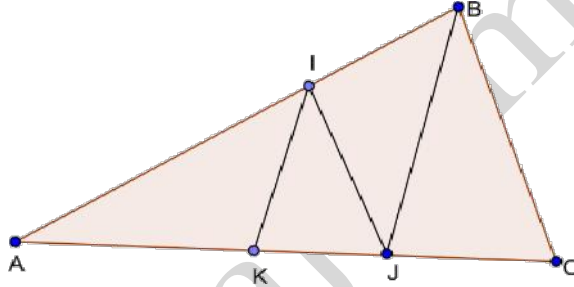
$$\begin{aligned}
S &= \cos 25^\circ + 2 \sin^2 28^\circ - \sin 65^\circ + 2 \sin^2 62^\circ \\
&= \sin 65^\circ - \sin 65^\circ + 2(\sin^2 28^\circ + \cos^2 28^\circ) \quad (4) \\
&= 0 + 2 \times 1 \\
&= 2
\end{aligned}$$

التمرين 04 (3 نقط)



$\widehat{ANB} = \widehat{AMB} = 64^\circ$ (محيطيتان في نفس الدائرة وتحصران نفس القوس $\widehat{AB}$)
 $\widehat{AOB} = 2 \times \widehat{AMB} = 128^\circ$ (محيطية ومركزية مرتبطة بها)
 $\widehat{ACB} = 180^\circ - \widehat{ANB} = 180^\circ - 64^\circ = 116^\circ$ (لأن الرباعي $ANBC$ دائري)

التمرين 05 (3 نقط)



في المثلث ABC جانبه لدينا :

(1) في المثلث ABC لدينا حسب مبرهنة طاليس المباشرة (مع ذكر شروطها):

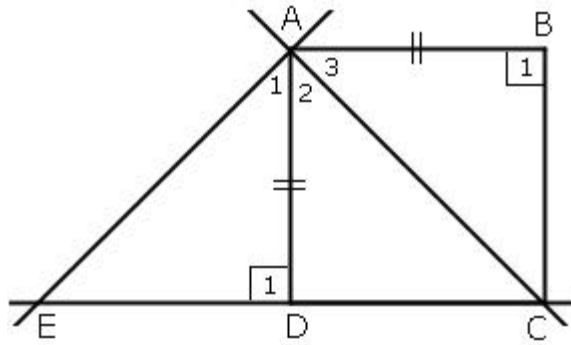
$$\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC} = \frac{IJ}{BC} \quad \text{ثم استنتاج أن: } \boxed{AC=18}$$

$$\frac{AI}{AB} = \frac{AK}{AJ} = \frac{2}{3} \quad (2)$$

(3) في المثلث ABJ لدينا $\frac{AI}{AB} = \frac{AK}{AJ}$ (مع ذكر شروط مبرهنة طاليس العكسية)

و استنتاج أن : $(IK) \parallel (JB)$.

(1)

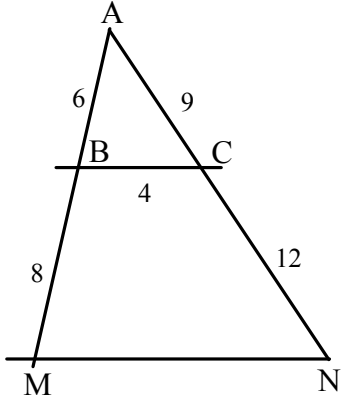
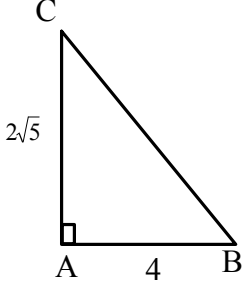


$$(2) \quad \begin{cases} AB = AD \\ \widehat{B}_1 = \widehat{D}_1 = 90^\circ \\ \widehat{A}_1 = \widehat{A}_3 = 90^\circ - \widehat{A}_2 \end{cases} \quad \text{إذن المثلثان } ABC \text{ و } ADE \text{ متقايسان}$$

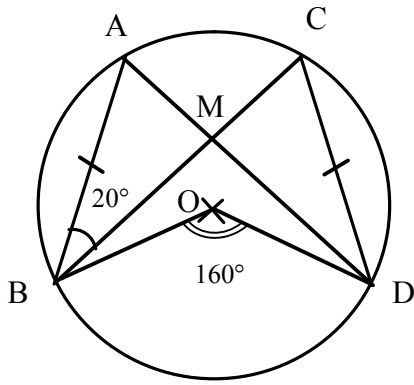
(3) - بما أن المثلثين ABC و ADE متقايسان فإن الأضلاع المتناظرة متقايسة ومنه فإن $AE = AC$ وبالتالي فإن المثلث ACE متساوي الساقين في الرأس A. ولأن $(AE) \perp (AC)$ فإنه أيضا قائم الزاوية.
خلاصة: مثلث متساوي الساقين وقائم الزاوية في الرأس A.

رياضيات النجـاح / www.naja7math.com

بعثه الأستاذ: البهجة عزيز/ثانوية المولى إسماعيل الإعدادية/الخميسات

		التمرين الثالث: (2,5 نقط)	
		في الشكل جانبه ABC مثلث حيث: $AB=6$ و $AC=9$ و $BC=4$ M نقطة من $[AB]$ حيث $BM=8$ و N نقطة من $[AC]$ حيث $CN=12$	
	1 ن	① بين أن $(MN) \parallel (BC)$ 	
	1,5 ن	③ الموازي لـ (CM) و المار من A يقطع (BC) في E ، أتمم الشكل ثم احسب BE 	
		التمرين الرابع: (4,5 نقط)	
		ABC مثلث قائم الزاوية في A حيث: $AB=4$ و $AC=2\sqrt{5}$ ① بين أن $BC=6$	
	1 ن	② أحسب: $\cos(\hat{ABC})$ و $\tan(\hat{ACB})$ 	
	1,5 ن	③ لتكن E مائلة A بالنسبة للنقطة B و F مسقطها العمودي على المستقيم (BC) ، أتمم الشكل ثم أحسب BF 	
	1 ن	④ احسب العدد: $P = \sin^2(30^\circ) + \sin^2(40^\circ) + \sin^2(50^\circ)$ $P =$	

التمرين الخامس: (4 نقط)



في الشكل جانبه A و B و C و D نقط من دائرة (O مركزها) O
حيث $AB = CD$ و $\widehat{BOD} = 160^\circ$ و $\widehat{ABC} = 20^\circ$ و $[BC]$ و $[AD]$ يتقاطعان في M

① احسب $\widehat{ADC}$

1 ن

② احسب $\widehat{BAD}$

1 ن

③ احسب $\widehat{AMC}$

1 ن

④ بين أن المثلثين AMB و CMD متقايسان

1 ن

الاسم الكامل: القسم: النقطة الممنوحة:	الاختبار الموحد المحلي لمادة الرياضيات للسنة الثالثة ثانوي إعدادي السنة الدراسية : 2012 / 2013 مدة الإنجاز : ساعتان	الثانوية الإعدادية المغرب العربي تاوريرت
---	--	---

لا يسمح باستعمال الآلة الحاسبة

التمرين الأول : (5 نقط)

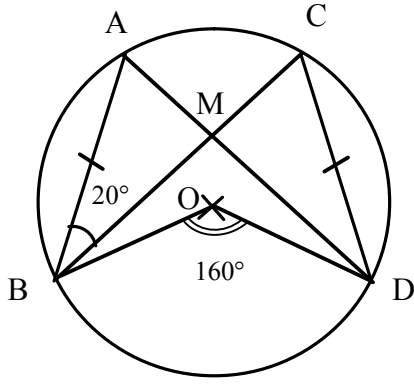
① أحسب و بسط: $B = \sqrt{45} + \sqrt{5} + \sqrt{20} = \sqrt{9 \times 5} + \sqrt{5} + \sqrt{4 \times 5}$ $= 3\sqrt{5} + \sqrt{5} + 2\sqrt{5}$ $B = 6\sqrt{5}$	$A = \sqrt{7} + \sqrt{4}$ $= \sqrt{7} + 2$ $= \sqrt{9}$ $A = 3$	ن 4
$D = \frac{\sqrt{3}}{3 - \sqrt{3}} - \frac{3}{2\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}(3 + \sqrt{3})}{(3 - \sqrt{3})(3 + \sqrt{3})} - \frac{3 \times \sqrt{3}}{2\sqrt{3} \times \sqrt{3}}$ $= \frac{3\sqrt{3} + 3}{9 - 3} - \frac{3\sqrt{3}}{2 \times 3} = \frac{3\sqrt{3} + 3}{6} - \frac{3\sqrt{3}}{6}$ $D = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$	$C = \sqrt{3} \times \sqrt{\frac{14}{6}} \times \sqrt{7} = \sqrt{3 \times \frac{14}{6} \times 7}$ $= \sqrt{3 \times \frac{7}{3} \times 7}$ $C = \sqrt{7^2} = 7$	
② بسط ثم اكتب اكتب علميا العدد : $K = 467 \times 2^7 \times 5^4 \times 5^3$		ن 1
$K = 467 \times 2^7 \times 5^4 \times 5^3 = 467 \times 2^7 \times 5^7 = 467 \times (2 \times 5)^7 = 467 \times 10^7 = 4,67 \times 10^2 \times 10^7 = 4,67 \times 10^9$		

التمرين الثاني : (4 نقط)

① قارن العددين : $\sqrt{3} + \sqrt{2}$ و $\sqrt{5}$ لدينا : $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 - (\sqrt{5})^2 = (\sqrt{3})^2 + 2 \times \sqrt{3} \times \sqrt{2} + (\sqrt{2})^2 - 5 = 3 + 2\sqrt{6} + 2 - 5 = 2\sqrt{6} > 0$ إذن : $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 > (\sqrt{5})^2$ و بالتالي : $\sqrt{3} + \sqrt{2} > \sqrt{5}$	ن 1
② x و y عددين حقيقيين حيث : $2 \leq x \leq 4$ و $-5 \leq y \leq -3$ ، أطر الأعداد التالية : $x + y$ ، $x - y$ ، $\frac{xy}{2}$	ن 3
لدينا : $2 \leq x \leq 4$ و لدينا : $-5 \leq y \leq -3$ إذن : $2 + (-5) \leq x + y \leq 4 + (-3)$ بالتالي : $-3 \leq x + y \leq 1$	
لدينا : $-5 \leq y \leq -3$ منه : $3 \leq -y \leq 5$ و لدينا : $2 \leq x \leq 4$ إذن : $2 + 3 \leq x + (-y) \leq 4 + 5$ بالتالي : $5 \leq x - y \leq 9$	
لدينا : $3 \leq -y \leq 5$ و لدينا : $2 \leq x \leq 4$ و منه : $2 \times 3 \leq x \times (-y) \leq 4 \times 5$ منه : $6 \leq -xy \leq 20$ منه : $-20 \leq xy \leq -6$ بالتالي : $-10 \leq \frac{xy}{2} \leq -3$	

	التمرين الثالث: (2,5 نقط)	
	في الشكل جانبه ABC مثلث حيث: $AB=6$ و $AC=9$ و $BC=4$ حيث M نقطة من $[AB]$ حيث $BM=8$ و N نقطة من $[AC]$ حيث $CN=12$	
	① بين أن $(MN) \parallel (BC)$	
	لدينا AMN مثلث و $B \in (AM)$ و $C \in (AN)$ و لدينا أيضا: $\frac{AC}{AN} = \frac{9}{21} = \frac{3}{7}$ و $\frac{AB}{AM} = \frac{6}{14} = \frac{3}{7}$ منه: $\frac{AC}{AN} = \frac{AB}{AM}$ و لدينا أيضا لـ A و B و M نفس ترتيب A و C و N إذن حسب مبرهنة طاليس العكسية نستنتج أن: $(MN) \parallel (BC)$	
	③ الموازي لـ (CM) و المار من A يقطع (BC) في E ، أتمم الشكل ثم احسب BE	
	لدينا (AM) و (EC) مستقيمان متقاطعان في B و أيضا $(EA) \parallel (CM)$ إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة نستنتج أن: $\frac{BE}{4} = \frac{6}{8}$ منه: $\frac{BE}{BC} = \frac{BA}{BM}$	
	بالتالي: $BE = \frac{4 \times 6}{8} = \frac{24}{8} = 3$	
	التمرين الرابع: (4,5 نقط)	
	① بين أن $BC=6$	
	لدينا ABC مثلث قائم الزاوية في A ، إذن حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة: $BC^2 = AB^2 + AC^2$ $BC^2 = 4^2 + (2\sqrt{5})^2$ $BC^2 = 16 + 4 \times 5$ $BC^2 = 16 + 20 = 36$ بالتالي: $BC=6$	
	② أحسب: $\cos(\hat{ACB})$ و $\tan(\hat{ACB})$ $\tan(\hat{ACB}) = \frac{AB}{AC} = \frac{4}{2\sqrt{5}} = \frac{4\sqrt{5}}{10} = \frac{2\sqrt{5}}{5}$ $\cos(\hat{ACB}) = \frac{AB}{BC} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$	
	③ لتكن E مماثلة A بالنسبة للنقطة B و F مسقطها العمودي على المستقيم (BC) ، أتمم الشكل ثم أحسب BF لدينا $\hat{ABC}$ و $\hat{EBF}$ زاويتان متقابلتان بالرأس، إذن: $\hat{ABC} = \hat{EBF}$ منه: $\cos(\hat{ABC}) = \cos(\hat{EBF})$ منه: $\frac{2}{3} = \frac{BF}{BE}$ منه: $\frac{2}{3} = \frac{BF}{4}$ بالتالي: $BF = \frac{8}{3}$	
	④ احسب العدد: $P = \sin^2(30^\circ) + \sin^2(40^\circ) + \sin^2(50^\circ)$	
	$P = \sin^2(30^\circ) + \sin^2(40^\circ) + \sin^2(50^\circ) = \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \sin^2(40^\circ) + \cos^2(40^\circ) = \frac{1}{4} + 1 = \frac{5}{4}$	

التمرين الخامس: (4 نقط)



في الشكل جانبه A و B و C و D نقط من دائرة ($\odot$) مركزها O
حيث $AB = CD$ و $\widehat{BOD} = 160^\circ$ و $\widehat{ABC} = 20^\circ$ و $[BC]$ و $[AD]$ يتقاطعان في M

① احسب $\widehat{ADC}$

1 ن

لدينا $\widehat{ABC}$ و $\widehat{ADC}$ زاويتان محيطيتان تحصران نفس القوس

إذن: $\widehat{ADC} = \widehat{ABC} = 20^\circ$

② احسب $\widehat{BAD}$

1 ن

لدينا $\widehat{BAD}$ زاوية محيطية مرتبطة بالزاوية المركزية $\widehat{BOD}$

إذن: $\widehat{BAD} = \frac{\widehat{BOD}}{2} = \frac{160^\circ}{2} = 80^\circ$

③ احسب $\widehat{AMC}$

1 ن

نعلم أن مجموع قياسات زوايا المثلث ABM يساوي 180°

إذن: $\widehat{AMB} = 180^\circ - (\widehat{ABM} + \widehat{BAM}) = 180^\circ - (20^\circ + 80^\circ) = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$

و بما أن $\widehat{BMC}$ زاوية مستقيمة فإن: $\widehat{AMC} = 180^\circ - \widehat{AMB} = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$

($\widehat{AMC}$ ليست بزاوية محيطية و لا مركزية، لذلك تم حسابها بقواعد أخرى)

④ بين أن المثلثين AMB و CMD متقايسان

1 ن

لدينا: (1) $AB = CD$

و (2) $\widehat{ADC} = \widehat{ABC}$ (حسب السؤال ①)

و (3) $\widehat{BAD} = \widehat{BCD}$ (زاويتان محيطيتان تحصران نفس القوس)

من (1) و (2) و (3) نستنتج أن AMB و CMD متقايسان

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة

التمرين الأول : (5 نقط)

① أحسب وبسط: $A = \sqrt{2} \times \sqrt{10} \times \sqrt{5}$ ، $B = \sqrt{45} - \sqrt{5} + 3\sqrt{20}$ ، $C = \frac{\sqrt{7}+3}{\sqrt{7}-1}$ ، $D = \left(\frac{1}{5\sqrt{2}}\right)^{-2}$

② أكتب علميا العدد: $K = \frac{2,4 \times 1000}{0,0001}$

4 ن

1 ن

التمرين الثاني : (5 نقط)

① ABC مثلث قائم الزاوية في A حيث: $AB = 4$ و $BC = 5$

أ- بين أن $AC = 3$

ب- أحسب: $\sin(\hat{ABC})$ و $\cos(\hat{ABC})$

ج- لتكن E نقطة من $[BA]$ حيث $AE = 6$

و K مسقطها العمودي على المستقيم (BC)

- أنقل الشكل و أتممه

- أحسب EK

1 ن

1 ن

1 ن

1 ن

1 ن

② قياس زاوية حادة و غير منعدمة حيث: $\sin \alpha = \frac{\sqrt{5}}{3}$ ، احسب $\cos \alpha$

التمرين الثالث : (4 نقط)

في الشكل جانبه ABM و DCM مثلثان قائمي الزاوية على التوالي في A و C حيث:

$AB = 2$ و $AM = 1,5$ و $BM = 2,5$ و $MC = 3$ و $BP = 8$ و N هي ممثلة M بالنسبة للنقطة C

① أنقل الشكل و أتممه

② احسب DM و DC

③ بين أن: $(MB) \parallel (NP)$

1 ن

2 ن

1 ن

التمرين الرابع : (3 نقط)

A, B و C و D نقط من دائرة (γ) مركزها O حيث: $\hat{ACD} = 50^\circ$

① أحسب: $\hat{AOD}$

② بين أن: $\hat{AOD} = 260^\circ$

③ استنتج حساب: $\hat{ABD}$

1 ن

1 ن

1 ن

رسم الشكل غير مطلوب

التمرين الخامس : (3 نقط)

في الشكل جانبه ABC و AEF مثلثان قائمي الزاوية و متساويي الساقين في A

① بين أن المثلثين ABE و ACF متقايسان

② المستقيم (BC) يقطع (EF) في النقطة H

بين أن المثلثين ABC و FBH متشابهان

1,5 ن

1,5 ن

رسم الشكل غير مطلوب

التمرين الأول : (5 نقط)
①

$$C = \frac{\sqrt{7}+3}{\sqrt{7}-1} = \frac{(\sqrt{7}+3)(\sqrt{7}+1)}{6}$$

$$C = \frac{4\sqrt{7}+10}{6} = \frac{2\sqrt{7}+5}{3}$$

$$A = \sqrt{2} \times \sqrt{10} \times \sqrt{5} = 10$$

$$D = \left(\frac{1}{5\sqrt{2}} \right)^{-2} = (5\sqrt{2})^2 = 50$$

$$B = \sqrt{45} - \sqrt{5} + 3\sqrt{20}$$

$$B = 3\sqrt{5} - \sqrt{5} + 6\sqrt{5}$$

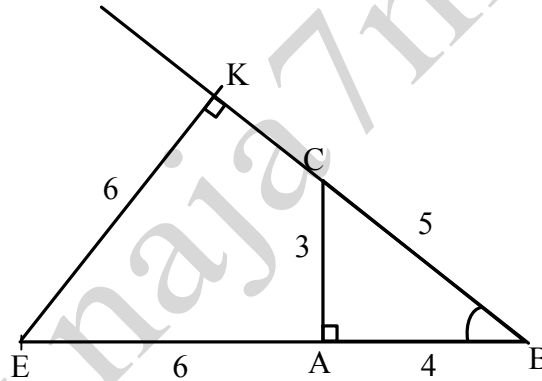
$$B = 8\sqrt{5}$$

4 ن

② أكتب علميا العدد : $K = \frac{2,4 \times 1000}{0,0001} = \frac{2,4 \times 10^3}{10^{-4}} = 2,4 \times 10^7$

1 ن

التمرين الثاني : (5 نقط)



① ABC مثلث قائم الزاوية في A حيث : $AB = 4$ و $BC = 5$

أ- باستعمال مبرهنة فيثاغورس المباشرة : $AC^2 = BC^2 - AB^2 = 9 \Rightarrow AC = 3$

ب- أحسب : $\cos(\hat{ABC}) = \frac{AB}{BC} = \frac{4}{5} = 0,8$ و $\sin(\hat{ABC}) = \frac{AC}{BC} = \frac{3}{5} = 0,6$

ج- $\sin(\hat{ABC}) = \frac{EK}{EB} = \frac{EK}{10} = \frac{3}{5} \Rightarrow EK = 6$

② قياس زاوية حادة و غير منعدمة حيث : $\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1 \Rightarrow \cos^2 \alpha + \frac{5}{9} = 1 \Rightarrow \cos \alpha = \frac{2}{3}$

1 ن

1 ن

1 ن

1 ن

1 ن

التمرين الأول (5,5ن)

1) بسط الأعداد التالية : $\sqrt{2} \times \sqrt{5} \times \sqrt{10}$ ، $\sqrt{18} - 5\sqrt{2}$ ، 3^{-2} ، $\sqrt{3^2}$	2
2) بسط : $A = \sqrt{3 - \sqrt{2}} \times \sqrt{3 + \sqrt{2}} \times \sqrt{7}$	1
3) احذف الجذر المربع من مقام العددين : $\frac{3}{\sqrt{5} - \sqrt{3}}$ ، $\frac{5}{\sqrt{6}}$	1,5
4) بين أن $\frac{(0,02)^2 \times 4 \times 10^{-5}}{(0,008)^2 \times 10^{-4}} = 2,5$	1

التمرين الثاني (5 ن)

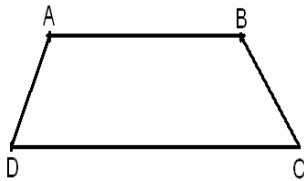
1) قارن $2\sqrt{2}$ و 3	0,5
2) أنشر و بسط $(2\sqrt{2} - 3)^2$ ثم بسط $\sqrt{17 - 12\sqrt{2}}$	1,5
3) a و b عدنان حقيقيان بحيث $2 < a < 4$ و $-3 < b < -1$ أطر $a + b$ و $a - b$ و $a \times b$	2
4) نضع $x = 34000$ و $y = 0,002$ أعط الكتابة العلمية للأعداد x و y و $\frac{x}{y}$	1

التمرين الثالث (5 ن)

I- ABC مثلث بحيث $AB = 2$ و $AC = 4$ و $BC = 2\sqrt{5}$	
1) أثبت أن المثلث ABC قائم الزاوية ثم ارسمه ؟	1,5
2) لتكن K منتصف $[AC]$ أحسب BK	0,5
3) أحسب $\sin \hat{AKB}$ و $\cos \hat{AKB}$ و $\tan \hat{AKB}$ ثم استنتج قياس الزاوية $[\hat{AKB}]$	1
II- 1) قياس زاوية حادة أحسب $\sin x$ و $\tan x$ علما أن $\cos x = \frac{1}{3}$	1
2) بسط ماييلي $B = (\sqrt{3} - \cos x)(\sqrt{3} + \cos x) - \sin^2 x$ و $C = \cos^2 35^\circ + \cos^2 55^\circ + \tan 45^\circ$	1

التمرين الرابع (4,5 ن)

ABCD شبه منحرف قاعدته $[AB]$ و $[DC]$ و O نقطة تقاطع $[AC]$ و $[BD]$ المستقيم المار من O و الموازي ل (AB) يقطع (AD) في M و (BC) في N	
1) أنشئ الشكل	0,75
2) بين أن $\frac{BN}{BC} = \frac{BO}{BD}$ و $\frac{DM}{DA} = \frac{DO}{DB}$	1,5
3) استنتج أن $\frac{DM}{DA} + \frac{BN}{BC} = 1$	0,5
4) المستقيم المار من O و الموازي ل (BC) يقطع (DC) في E	
أ- بين أن $\frac{DE}{DC} = \frac{DO}{DB}$	0,75
ب- بين أن (ME) يوازي (AC)	1



من اقتراح: الأستاذ أيت أمغار

التمرين الأول :

$$(1) \quad \text{لنبسط الأعداد التالية :} \quad 3^{-2} = \frac{1}{3^2} = \frac{1}{9}, \quad \sqrt{3^2} = 3$$

$$\sqrt{18} - 5\sqrt{2} = \sqrt{9 \times 2} - 5\sqrt{2} = \sqrt{9} \times \sqrt{2} - 5\sqrt{2} = 3\sqrt{2} - 5\sqrt{2} = -2\sqrt{2}$$

$$\sqrt{2} \times \sqrt{5} \times \sqrt{10} = \sqrt{2} \times \sqrt{5} \times \sqrt{2 \times 5} = \sqrt{2} \times \sqrt{5} \times \sqrt{2} \times \sqrt{5} = 2 \times 5 = 10$$

(2) لنبسط :

$$A = \sqrt{3 - \sqrt{2}} \times \sqrt{3 + \sqrt{2}} \times \sqrt{7} = \sqrt{(3 - \sqrt{2})(3 + \sqrt{2})} \times \sqrt{7}$$

$$= \sqrt{3^2 - \sqrt{2}^2} \times \sqrt{7}$$

$$= \sqrt{9 - 2} \times \sqrt{7}$$

$$= \sqrt{7} \times \sqrt{7}$$

$$= 7$$

$$(3) \quad \text{لنحذف الجذر المربع من المقام العددين :} \quad \frac{5}{\sqrt{6}} = \frac{5 \times \sqrt{6}}{\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{5\sqrt{6}}{6}$$

$$\frac{3}{\sqrt{5} - \sqrt{3}} = \frac{3(\sqrt{5} + \sqrt{3})}{(\sqrt{5} - \sqrt{3})(\sqrt{5} + \sqrt{3})} = \frac{3(\sqrt{5} + \sqrt{3})}{\sqrt{5}^2 - \sqrt{3}^2} = \frac{3(\sqrt{5} + \sqrt{3})}{5 - 3} = \frac{3(\sqrt{5} + \sqrt{3})}{2}$$

$$(4) \quad \text{لنبين أن} \quad \frac{(0,02)^2 \times 4 \times 10^{-5}}{(0,008)^2 \times 10^{-4}} = 2,5$$

$$\frac{(0,02)^2 \times 4 \times 10^{-5}}{(0,008)^2 \times 10^{-4}} = \frac{(2 \times 10^{-2})^2 \times 4 \times 10^{-5}}{(8 \times 10^{-3})^2 \times 10^{-4}} = \frac{4 \times 10^{-4} \times 4 \times 10^{-5}}{64 \times 10^{-6} \times 10^{-4}} = \frac{16 \times 10^{-9}}{64 \times 10^{-10}}$$

$$= \frac{16 \times 10^{-9} \times 10^{10}}{16 \times 4} = \frac{10}{4} = 2,5$$

التمرين الثاني :

$$(1) \quad \text{لنقارن } 2\sqrt{2} \text{ و } 3 \text{ لدينا} \quad (2\sqrt{2})^2 = 4 \times 2 = 8 \quad \text{و} \quad 3^2 = 9$$

$$3 \geq 2\sqrt{2} \quad \text{فإن} \quad 9 \geq 8$$

$$(2) \quad \text{لننشر و بسط} \quad (2\sqrt{2} - 3)^2 = (2\sqrt{2})^2 - 2 \times 2\sqrt{2} \times 3 + 3^2 = 8 - 12\sqrt{2} + 9 = 17 - 12\sqrt{2}$$

ومنه $3 \geq 2\sqrt{2}$ لأن $\sqrt{17-12\sqrt{2}} = \sqrt{(2\sqrt{2}-3)^2} = 3-2\sqrt{2}$

(3) a و b عدنان حقيقيان بحيث $2 < a < 4$ و $-3 < b < -1$

لنؤطر $a + b$ $(-1) + (-3) < a + b < 4 + (-3)$

إذن $-1 < a + b < 3$

لنؤطر $a - b$ لدينا $1 < -b < 3$

إذن $2 + 1 < a - b < 4 + 3$

ومنه $3 < a - b < 7$

لنؤطر $a \times b$ لدينا $1 < -b < 3$

إذن $2 \times 1 < a \times (-b) < 4 \times 3$

يعني أن $2 < -ab < 12$

يعني أن $-12 < ab < -2$

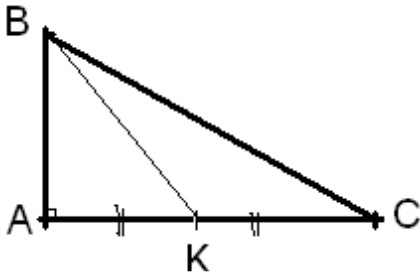
(4) الكتابة العلمية $x = 34000 = 3,4 \times 10^4$ ، $y = 0,002 = 2 \times 10^{-3}$ ، $\frac{x}{y} = 1,7 \times 10^7$

التمرين الثالث :

- ABC مثلث بحيث $AB = 2$ و $AC = 4$ و $BC = 2\sqrt{5}$

(1) لدينا $(AB)^2 = 2^2 = 4$ و $(AC)^2 = 4^2 = 16$ و $(BC)^2 = (2\sqrt{5})^2 = 4 \times 5 = 20$

و لدينا $(AB)^2 + (AC)^2 = 4 + 16 = 20 = (BC)^2$



إذن حسب مبرهنة فيثاغورس العكسية

فإن المثلث ABC قائم الزاوية في A

(2) K منتصف $[AC]$ لنحسب BK

لدينا المثلث ABK قائم الزاوية في A

إذن حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة فإن :

(لأن $AK = 2$ K منتصف $[AC]$) $(BK)^2 = (AB)^2 + (AK)^2 = 4 + 4 = 8$

ومنه $BK = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$

(3) $\cos \hat{A}KB = \frac{AK}{BK} = \frac{2}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ، $\sin \hat{A}KB = \frac{AB}{BK} = \frac{2}{2\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$

$$\tan \hat{AKB} = \frac{AB}{AK} = \frac{2}{2} = 1$$

ومنه نستنتج أن قياس الزاوية $[\hat{AKB}]$ هو 45° أي $\hat{AKB} = 45^\circ$

$$\text{II- (1) } x \text{ قياس زاوية حادة لنحسب } \sin x \text{ و } \tan x \text{ علما أن } \cos x = \frac{1}{3}$$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1 \quad \text{نعلم أن}$$

$$\sin x = \frac{2\sqrt{2}}{3} \quad \text{ومنه} \quad \sin^2 x = 1 - \cos^2 x = 1 - \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{8}{9} \quad \text{إذن}$$

$$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x} = 2\sqrt{2} \quad \text{إذن} \quad \tan x = \frac{\sin x}{\cos x} \quad \text{ونعلم أن}$$

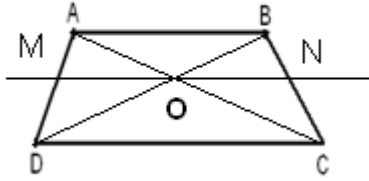
$$(2) \text{ لنبسط } B = (\sqrt{3} - \cos x)(\sqrt{3} + \cos x) - \sin^2 x$$

$$B = (\sqrt{3} - \cos x)(\sqrt{3} + \cos x) - \sin^2 x = 3 - \cos^2 x - \sin^2 x = 3 - (\cos^2 x + \sin^2 x) = 3 - 1 = 2$$

$$C = \cos^2 35^\circ + \cos^2 55^\circ + \tan 45^\circ \quad \text{لنبسط}$$

2

التمرين الرابع :



(1) الشكل :

$$\frac{DM}{DA} = \frac{DO}{DB} \quad \text{ولدينا : } (MO) \parallel (AB) \quad \text{إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة لدينا :}$$

$$M \in (BC) \text{ و } O \in (DB) \quad \text{نعتبر المثلث DCB لدينا :}$$

$$\frac{BN}{BC} = \frac{BO}{BD} \quad \text{ولدينا : } (NO) \parallel (DC) \quad \text{إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة لدينا :}$$

$$(3) \text{ لنستنتج أن } \frac{DM}{DA} + \frac{BN}{BC} = 1$$

$$\frac{BN}{BC} = \frac{BO}{BD} \quad \text{و} \quad \frac{DM}{DA} = \frac{DO}{DB} \quad \text{لدينا}$$

$$\frac{DM}{DA} + \frac{BN}{BC} = \frac{DO}{DB} + \frac{BO}{BD} = \frac{DO + BO}{DB} = \frac{DB}{DB} = 1$$

إذن

(4) أ - نعتبر المثلث DCB لدينا : $E \in (DC)$ و $O \in (DB)$

ولدينا : $(EO) \parallel (BC)$ إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة لدينا : $\frac{DE}{DC} = \frac{DO}{DB}$

ب - نعتبر المثلث ACD لدينا : $E \in (DC)$ و $M \in (DA)$

$$\frac{DM}{DA} = \frac{DE}{DC} \quad \text{إذن} \quad \frac{DM}{DA} = \frac{DO}{DB} \quad \text{و} \quad \frac{DE}{DC} = \frac{DO}{DB} \quad \text{ولدينا}$$

ولدينا النقط D و M و A في نفس ترتيب النقط D و E و C

(ME) يوازي (AC)

إذن حسب مبرهنة طاليس العكسية نستنتج أن